UNIVERSIDAD TÉCNICA FEDERICO SANTA MARÍA

Escuela de Graduados / Departamento de Matemática

ASIGNATURA: Métodos Numéricos para Ecuaciones Diferenciales Parciales		SIGLA: MAT - 419
Prerrequisitos:	Créditos USM: 5	Créditos SCT: 10
Horas Semanales Cátedra: 4	Horas Semanales Ayudantía: 2	Horas Semanales Lab.: 0

OBJETIVOS:

Al aprobar el curso, el alumno será capaz de utilizar los métodos de Elementos Finitos y de Diferencias Finitas para la resolución de problemas de Ecuaciones Diferenciales en Derivadas Parciales que provienen del ámbito de la ciencia e ingeniería.

CONTENIDOS:

1. Análisis Numérico de problemas elípticos. Método de Elementos Finitos.
 - 1.1 Introducción y nociones básicas. Problema modelo, revisión espacios de Sobolev, Teoría de Trazas, inclusiones.
 - 1.2 Problemas de Frontera elípticos. Ejemplos (Problemas de Dirichlet, Neumann y Mixtos). Problemas variacionales abstractos, Existencia y unicidad, Lema de Lax- Milgram. Estimación de Cea.
 - 1.3 Aproximación usando Elementos Finitos. Teoría de aproximación abstracta: Método de Galerkin. Aplicación a problemas 2D. Implementación.
 - 1.4 Teoría de Interpolación. E.F. de Lagrange (simplex – paralelepípedos). Resultados generales de aproximación en espacios de Sobolev. Lema de Bramble-Hilbert.
2. Análisis Numérico de sistemas de ecuaciones hiperbólicas de primer orden. Método de Diferencias Finitas.
 - 2.1 Sistemas hiperbólicos en una dimensión. Dinámica de los gases, La ecuación de Burger.
 - 2.2 Ecuaciones escalares en dimensión 1. Soluciones clásicas y existencia de soluciones débiles.
 - 2.3 La noción de entropía . Existencia de soluciones entrópicas y resultado de unicidad de Kruzhkov.
 - 2.4 Esquemas de diferencias finitas. Esquemas de Lax-Friedrich, esquemas upwind, esquemas de Godunov. Método de Van-Leer de segundo orden.

METODOLOGÍA DE TRABAJO:

Clases expositivas teóricas, sesiones de aplicaciones computacionales en donde los estudiantes

desarrollaran tareas de resolución de problemas que provienen del ámbito de la ciencia e ingeniería.

SISTEMA DE EVALUACIÓN:

Exposiciones orales, Tareas y Certámenes.

INDICACIONES PARTICULARES:

BIBLIOGRAFÍA:

- S. Brenner, and L.R. Scott, "The mathematical theory of finite element method". Springer, 2000.
- R.J. Leveque, "Numerical Methods for Conservation Laws". Birkhauser Verlag, 1992.
- P.G. Ciarlet, "The Finite Element Method for Elliptic Problems". North-Holland, 1978.
- P.A. Raviart and L. Tomas "Introduction a l'analyse numérique des équations aux dérivées partielles Masson, 1992.
- E. Godlewski, and P.A. Raviart, "Numerical Approximation of Hyperbolic Systems of Conservation laws" Springer, 1996.
- E. Godlewski, and P.A. Raviart, "Hyperbolic Systems of Conservation laws" Ellipses, Paris, 1991.
- E. Toro, "Riemann Solvers and Numerical Methods for Fluid Dynamics" Springer, 1999.
- B. Larrouturou, "Modélisation mathématique et numérique pour les sciences de l'ingénieur" Cours Ecole Polytechnique, Paris, 2000.

ELABORADO	Comité del Programa	OBSERVACIONES:
APROBADO	DGIP	Curso de Postgrado
FECHA	2011	

ACTUALIZADO		OBSERVACIONES:
APROBADO		
FECHA		